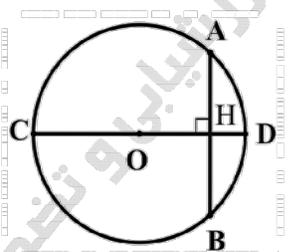
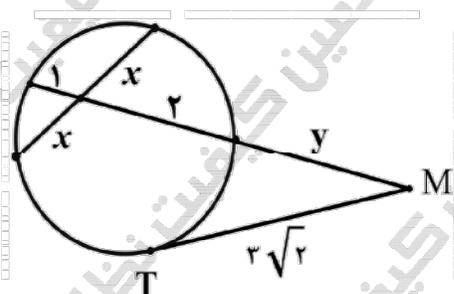
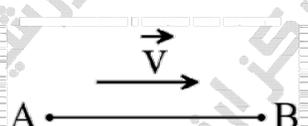


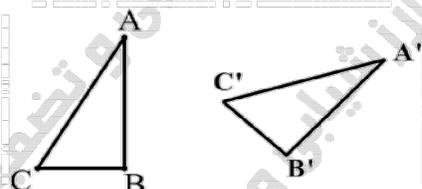
|  |   |  |               |                        |                         |
|--|---|--|---------------|------------------------|-------------------------|
| ساعات شروع: ۷:۳۰ صبح   | ریاضی و فیزیک   | رشته:  | تعداد صفحه: ۳ | هندسه ۲                | سوالات آزمون نهایی درس: |
| مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه   | نام و نام خانوادگی:   | ۱۴۰۳/۰۳/۱۶   | تاریخ آزمون:  | یازدهم دوره دوم متوسطه |                         |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.ir |   | دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ |               |                        |                         |
| ردیف   | سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.  |  |               |                        |                         |
| ۱  | <p style="text-align: center;"><b>سوالات فصل ۱</b></p> <p>(الف) هر چندضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست - نادرست)</p> <p>(ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس برون به شعاع‌های <math>R</math> و <math>R'</math> برابر <math>\sqrt{R+R'}</math> است. (درست - نادرست)</p> <p>(پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با ..... اندازه کمان روبه‌رو به آن زاویه.</p> <p>(ت) اگر شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر ۴ باشد، حاصل <math>\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}</math> برابر ..... است.</p> |  |               |                        |                         |
| ۱.۵  | <p>ثابت کنید هرگاه خط‌های شامل دو وتر دلخواه <math>AB</math> و <math>CD</math> در نقطه‌ای مانند <math>M</math> (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن‌گاه:<br/><math>MA \cdot MB = MC \cdot MD</math></p>   |  |               |                        |                         |
| ۱.۵  | <p>ثابت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن‌گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.</p>   |  |               |                        |                         |
| ۱.۵  | <p>در شکل مقابل وتر <math>AB</math> بر قطر <math>CD</math> عمود است. ثابت کنید قطر <math>CD</math> وتر <math>AB</math> و کمان <math>AB</math> را نصف می‌کند.</p>   |  |               |                        |                         |
| ۱.۲۵   | <p>در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایره محاطی داخلی را محاسبه کنید.</p>   |  |               |                        |                         |
| ۱.۲۵   | <p>در شکل زیر <math>MT</math> به طول <math>3\sqrt{2}</math> مماس بر دایره است. مقادیر عددی <math>x</math> و <math>y</math> را به دست آورید.</p>    |  |               |                        |                         |

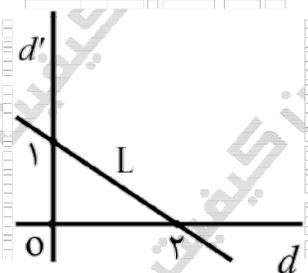
|  |                      |                             |                            |
|--|----------------------|-----------------------------|----------------------------|
| سؤالات آزمون نهایی درس: <b>هندسه ۲</b>   | تعداد صفحه: <b>۳</b> | رشته: <b>ریاضی و فیزیک</b>  | ساعت شروع: <b>۷:۳۰ صبح</b> |
| تاریخ آزمون: <b>۱۴۰۳/۰۳/۱۶</b>   | نام و نام خانوادگی:  | مدت آزمون: <b>۱۲۰ دقیقه</b> |                            |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ |                      |                             |                            |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.ir                                 |                      |                             |                            |

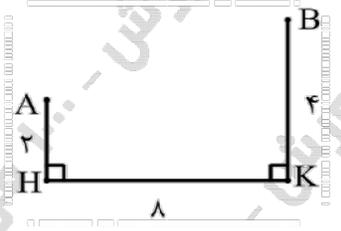
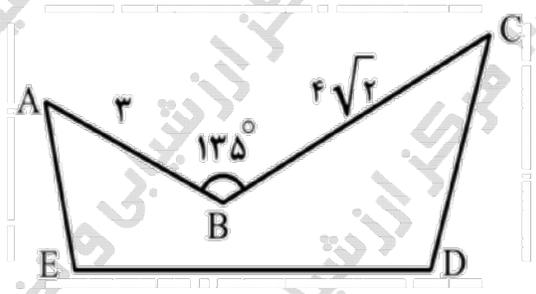
سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.

|        |  |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
|--------|--|---|--------|--------|-------|--|-------|--|--------|--|--------|--|
| ردیف   | نمره   | سؤالات  |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
| ۷      | ۰.۷۵   | <p><b>سؤالات فصل ۲</b></p> <p>برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است).</p> <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 30%;">گروه B</td> <td>گروه A</td> </tr> <tr> <td>دوران</td> <td>الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:</td> </tr> <tr> <td>همانی</td> <td>ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است:</td> </tr> <tr> <td>بازتاب</td> <td>پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند:</td> </tr> <tr> <td>انتقال</td> <td></td> </tr> </table> | گروه B | گروه A | دوران | الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند: | همانی | ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است: | بازتاب | پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند: | انتقال |  |
| گروه B | گروه A   |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
| دوران  | الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:                     |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
| همانی  | ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است: |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
| بازتاب | پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند:   |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |
| انتقال |  |   |        |        |       |  |       |  |        |  |        |  |

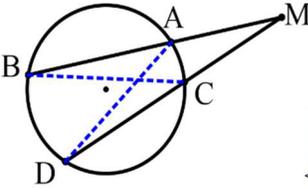
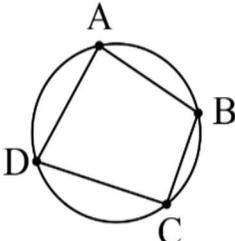
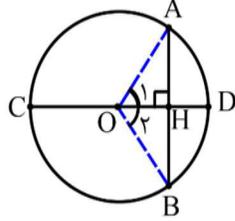
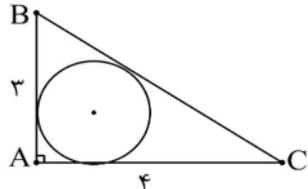
|   |   |   |
|---|---|---|
| ۸ | ۱ | <p>با توجه به شکل زیر نشان دهید در تبدیل انتقال، اندازه هر پاره خط و اندازه تصویر آن باهم برابرند.<br/>(<math>AB \parallel \vec{V}</math> و اندازه <math>\vec{V}</math> از اندازه پاره خط AB کوچک تر است).</p>  |
|---|---|---|

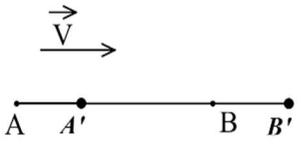
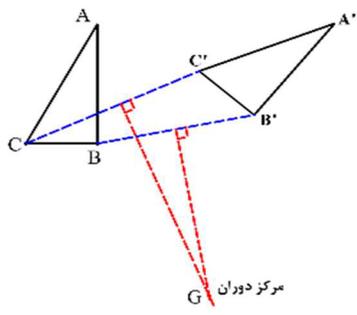
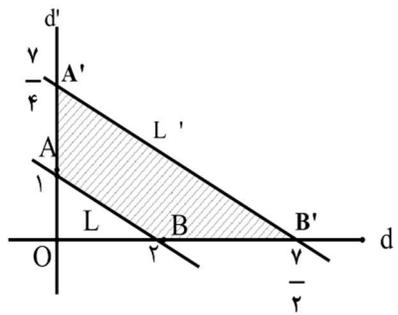
|   |     |   |
|---|-----|---|
| ۹ | ۰.۵ | <p>نقاط A', B' و C' به ترتیب دوران یافته نقاط A, B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.</p>  |
|---|-----|---|

|    |      |  |
|----|------|--|
| ۱۰ | ۱.۰۵ | <p>در شکل روبه‌رو اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس <math>\frac{7}{4}</math> تصویر کنیم و آن را L' بنامیم؛ مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟</p>  |
|----|------|--|

|  |   |  |                       |
|--|---|--|-----------------------|
| سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲  | تعداد صفحه: ۲   | رشته: ریاضی و فیزیک  | ب ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح |
| یازدهم دوره دوم متوسطه   | تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۶   | نام و نام خانوادگی:  | مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه  |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳ |   | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.ir |                       |
| ردیف   | سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.  |  |                       |
| ۱۱   | <p>با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط <math>HK=8</math> را به گونه‌ای بیابید که:<br/>الف) مسیر کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد.<br/>ب) کمترین مقدار عددی <math>AM+MB</math> را محاسبه کنید.</p>  |  |                       |
| ۱۲   | <p>در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید.</p>    |  |                       |
| <b>سؤالات فصل ۳</b>  |   |  |                       |
| ۱۳   | <p>در مثلث <math>ABC</math>، <math>BC = 10 \text{ cm}</math>، <math>\hat{A} = 30^\circ</math>، مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟<br/>الف) ۱۰    ب) ۱۵    پ) ۲۰    ت) ۲۵</p>  |  |                       |
| ۱۴   | <p>در مثلث <math>ABC</math> که <math>(\hat{A} &lt; 90^\circ)</math>، ثابت کنید: <math>a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A</math></p>   |  |                       |
| ۱۵   | <p>مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع <math>a</math> را به کمک دستور هرون بیابید.</p>   |  |                       |
| ۱۶   | <p>در مثلث <math>ABC</math>، <math>AB = 7</math>، <math>AC = 4</math> و <math>BC = 10</math> است. طول نیمساز داخلی زاویه <math>C</math> را محاسبه کنید.</p>   |  |                       |
| ۱۷   | <p>در مثلث <math>ABC</math> که <math>AB = 4</math>، <math>AC = 6</math> و <math>BC = 8</math>، نقطه <math>M</math> وسط ضلع <math>BC</math> است. محیط مثلث <math>AMC</math> را به دست آورید.</p>   |  |                       |

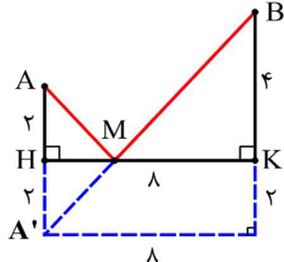
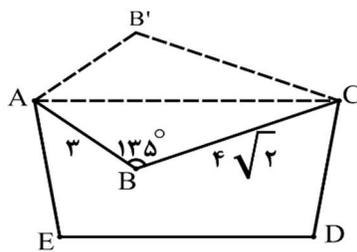
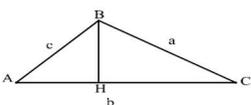
|  |          |                       |  |
|--|----------|-----------------------|--|
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه  | نوبت صبح | رشته: ریاضی و فیزیک   | راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲ |
| ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح   |          | تعداد صفحه: چهار صفحه | بایه: یازدهم دوره دوم متوسطه           |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.ir |          | راهنمای تصحیح         |  |

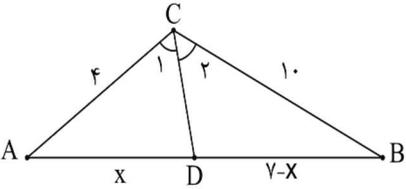
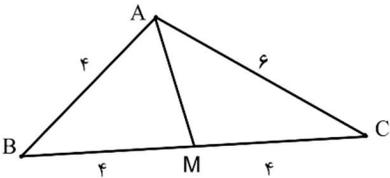
| نمره | راهنمای تصحیح (صفحه ۱ از ۴)  | ردیف   |
|------|--|--|
| ۱    | <p>(ب) نادرست ۰/۲۵ (ص ۲۲)</p> <p>(ت) <math>\frac{1}{4}</math> ۰/۲۵ (ص ۲۹)</p>  | <p>الف) درست ۰/۲۵ (ص ۲۹)</p> <p>پ) نصف ۰/۲۵ (ص ۱۵)</p>   |
| ۱/۵  |  $\begin{cases} \hat{B} = \hat{D} = \frac{\widehat{AC}}{2} & \cdot/۲۵ \\ \hat{M} = \hat{M} & \cdot/۲۵ \end{cases} \xrightarrow{\text{زز}} \frac{MB}{MD} = \frac{MC}{MA} \rightarrow \underbrace{MA \times MB = MC \times MD}_{\cdot/۲۵}$ <p>(ص ۱۸)</p>  | <p>مثلت‌های MBC و MAD مشابه هستند. ۰/۲۵</p>  |
| ۱/۵  |  $\begin{cases} \hat{A} = \frac{\widehat{DCB}}{2} & \cdot/۲۵ \\ \hat{C} = \frac{\widehat{DAB}}{2} & \cdot/۲۵ \end{cases} \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{\widehat{DCB} + \widehat{DAB}}{2} = \frac{۳۶۰^\circ}{2} = ۱۸۰^\circ$ <p>به‌طور مشابه <math>\hat{B} + \hat{D} = ۱۸۰^\circ</math>. ۰/۲۵</p> <p>(ص ۲۷)</p> | <p>طبق فرض می‌دانیم نقاط A, B, C, D روی دایره هستند. ۰/۲۵ (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است).</p> |
| ۱/۵  |  $\begin{cases} OA = OB & \cdot/۲۵ \\ OH = OH & \cdot/۲۵ \end{cases} \xrightarrow{\text{وتروضلع}} \Delta AOH \cong \Delta BOH \rightarrow$ $\frac{AH = BH}{\cdot/۲۵} \rightarrow \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \rightarrow \frac{\widehat{AD} = \widehat{BD}}{\cdot/۲۵}$ <p>(ص ۱۳)</p>  | <p>۴</p>   |
| ۱/۲۵ |  $BC = ۵ \quad \cdot/۲۵$ $\underbrace{۳ + ۴ + ۵ = ۲P}_{\cdot/۲۵} \rightarrow p = ۶ \rightarrow S = \frac{۳ \times ۴}{2} = ۶$ $r = \frac{S}{P} = \frac{۶}{۶} = ۱$ <p>(ص ۲۵)</p>  | <p>۵</p>   |

| ردیف | راهنمای تصحیح (صفحه ۲ از ۴)  | نمره |
|------|--|------|
| ۶    | $\underbrace{x \times x = 2 \times 1}_{\cdot/25} \rightarrow x^2 = 2 \rightarrow \underbrace{x = \sqrt{2}}_{\cdot/25}$ $\underbrace{(3\sqrt{2})^2 = y(y+3)}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{y^2 + 3y - 18 = 0}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{y = 3}_{\cdot/25}$ <p>(ص ۱۸)</p>  | ۱/۲۵ |
| ۷    | <p>الف) بازتاب (ص ۴۸) <math>\cdot/25</math>    ب) دوران (ص ۴۳) <math>\cdot/25</math>    پ) همانی (ص ۴۷) <math>\cdot/25</math></p>  | ۰/۲۵ |
| ۸    | <p>۱</p>  $\begin{cases} AB = AA' + A'B & \cdot/25 \\ A'B' = BB' + A'B & \cdot/25 \end{cases} \xrightarrow[\cdot/25]{AA' = BB'} \underbrace{AB = A'B'}_{\cdot/25}$ <p>(ص ۳۹)</p>  | ۰/۲۵ |
| ۹    | <p>روش اول: محل هم‌مرسی عمود منصف‌های پاره‌خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است. <math>\cdot/5</math></p>  <p>روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود.</p> <p>(ص ۴۲)</p>   | ۰/۵  |
| ۱۰   |  $\frac{OA'}{OA} = \frac{7}{4} \rightarrow OA' = \frac{7}{4} \quad \cdot/25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{7}{4} \rightarrow OB' = \frac{7}{2} \quad \cdot/25$ $S = S_{\Delta OA'B'} - S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} \left( \frac{7}{4} \times \frac{7}{2} \right) - \frac{1}{2} (1 \times 2) = \frac{33}{16}$ <p>(ص ۴۹)</p> | ۱/۵  |

رسم شکل  $\cdot/25$

(ص ۴۹)

| نمره | راهنمای تصحیح ( صفحه ۳ از ۴ )  | ردیف |
|------|--|------|
| ۰/۷۵ | <p>الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه A' می‌نامیم.<br/>محل تلاقی A'B با HK را M می‌نامیم. مسیر AMB پاسخ مسأله است. ۰/۵</p> <p>رسم شکل ۰/۲۵</p>  <p>ب) <math>AM + MB = A'B \rightarrow A'B = \sqrt{۸^2 + ۶^2} = ۱۰</math> ۰/۲۵</p> <p>(ص ۵۲) ۰/۵</p>   | ۱۱   |
| ۱    | <p>رسم بازتاب ۰/۲۵</p>  <p><math>S_{ABC} = \frac{1}{2} \times ۳ \times ۴ \sqrt{۲} \times \sin ۱۳۵^\circ = ۶ \sqrt{۲} \times \frac{\sqrt{۲}}{۲} = ۶</math> ۰/۲۵</p> <p><math>S_{ABCB'} = ۲ S_{ABC} = ۱۲</math> ۰/۲۵</p> <p>(ص ۵۴) ۰/۵</p>  | ۱۲   |
| ۰/۵  | گزینه درست: ۱۰ یا الف ۰/۵  | ۱۳   |
| ۱/۵  | <p>روش اول:</p> <p><math>\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A</math> ۰/۲۵</p> <p><math>\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A</math> ۰/۲۵</p> <p><math>CH = b - AH = b - c \cos A</math> ۰/۲۵</p> <p><math>\Delta HBC: a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2</math> ۰/۲۵</p> <p><math>a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 + c^2 \cos^2 A - 2bc \cos A</math> ۰/۲۵</p> <p><math>a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A</math> ۰/۲۵</p>  <p>روش دوم:</p> <p><math>\Delta HBC: a^2 = \underbrace{BH^2}_{0/25} + \underbrace{CH^2}_{0/25} = \underbrace{(c^2 - AH^2)}_{0/25} + \underbrace{(b - AH)^2}_{0/25}</math></p> <p><math>\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 + AH^2 - 2bAH</math> ۰/۲۵</p> <p><math>\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \xrightarrow{AH=c \cdot \cos A} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A</math> ۰/۲۵</p> <p>(ص ۶۴) ۰/۵</p> | ۱۴   |

| نمره | راهنمای تصحیح ( صفحه ۴ از ۴ )   | ردیف                         |
|------|---|------------------------------|
| ۱    | $a+a+a=2P \rightarrow P=\frac{3}{2}a \quad \cdot/25$ $S=\sqrt{\frac{3}{2}a(\frac{3}{2}a-a)(\frac{3}{2}a-a)(\frac{3}{2}a-a)} = \sqrt{\frac{3}{2}a(\frac{1}{2}a)(\frac{1}{2}a)(\frac{1}{2}a)} = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$ <p style="text-align: center;">(ص ۷۳)</p>                            | ۱۵                           |
| ۱/۵  |  $\frac{4}{10} = \frac{x}{7-x} \rightarrow 28-4x=10x \rightarrow x=2=AD \rightarrow BD=5$ <p style="text-align: center;">(ص ۷۰)</p>  | ۱۶                           |
| ۱/۵  |  $6^2+4^2=2AM^2+\frac{4^2}{2} \rightarrow 36+16=2AM^2+8$ $\rightarrow AM^2=10 \rightarrow AM=\sqrt{10}$ $\rightarrow 2P_{AMC} = 6+4+\sqrt{10} = 10+\sqrt{10}$ <p style="text-align: center;">(ص ۶۷)</p> | ۱۷                           |
| ۲۰   | جمع نمرات   | سپاس فراوان از همکاران گرامی |