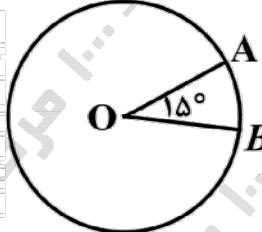
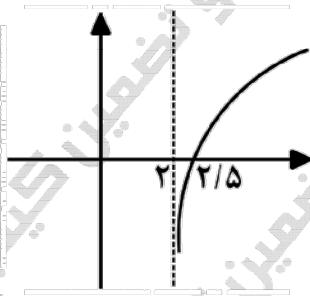


ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		رشته: ریاضی ۲	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۲		
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir				دستی و نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.		
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			هدف		
۰.۷۵	<p>الف) معادله <math>x^3 + 1 = 0</math> دارای دو جواب حقیقی است.</p> <p>ب) دوتابع <math>f(x) = \sqrt{x^2 - x}</math> و <math>g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{x-1}</math> با هم برابرند.</p> <p>پ) نمودار تابع <math>f(x) = \cos\left(\frac{19\pi}{2} + x\right)</math> بر نمودار تابع <math>g(x) = \sin x</math> منطبق است.</p>	جاهاي خالي را با عبارت‌های مناسب کامل کنيد.	جاهاي خالي را با عبارت‌های مناسب کامل کنيد.	۱		
۱	<p>الف) اگر واريانس داده‌های <math>x_1, x_2, x_3, x_4</math> برابر ۷ باشد آنگاه واريانس داده‌های <math>-2, 3x_1 - 2, 3x_2 - 2, 3x_3 - 2, 3x_4</math> برابر ..... است.</p> <p>ب) در سهمی با ضابطه <math>y = ax^3 + bx^2 + c</math> که نمودار آن به صورت مقابل است علامت <math>b &lt; c</math> ..... می‌باشد.</p> <p>پ) برد تابع با ضابطه <math>y = 3^x</math> بازهی ..... است.</p> <p>ت) انتهای کمان زاویه <math>\pi/4</math> رادیان درربع ..... دایره مثلثاتی قرار دارد.</p>			۲		
۰.۷۵	خط $4x - 3y = 0$ بر دایره‌ای به مرکز $(-1, 3)$ مماس است. مساحت دایره را محاسبه کنید.	الفعادله درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $\frac{2-\sqrt{3}}{5}$ و $\frac{2+\sqrt{3}}{5}$ باشند.	الفعادله درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $\frac{2-\sqrt{3}}{5}$ و $\frac{2+\sqrt{3}}{5}$ باشند.	۳		
۱.۷۵	<p>ب) معادله <math>\sqrt{x+2} + 4 = x</math> را حل کنید.</p> <p>در شکل مقابل <math>BC \parallel DE</math> می‌باشد. مقادیر <math>x</math> و <math>y</math> را محاسبه کنید.</p>			۴		
۱				۵		
۱	<p>در شکل مقابل <math>AB \parallel ED</math> است.</p> <p>الف) نشان دهید دو مثلث <math>CDE</math> و <math>ABC</math> متشابه هستند؟</p> <p>ب) اگر <math>DM = 4</math>, <math>AN = 3</math>, <math>BE = 7</math> باشد آنگاه طول ضلع <math>BC</math> را محاسبه کنید.</p>	در شکل مقابل $AB \parallel ED$ است.	در شکل مقابل $AB \parallel ED$ است.	۶		

ساعت شروع: ۰۷:۳۰ صبح		نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینتلگر داخل و خارج کشور خرد داد azmoon.medu.ir				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			هدف
۰.۷۵	نمودار تابع $y = 1 - x^2$ را در بازه $(-1, 2)$ رسم کنید. ( ) نماد جزء صحیح است			۷
۱	<p>الف) اگر وارون تابع <math>f(x) = ax + 4</math> از نقطه <math>\left(\frac{5}{3}, 5\right)</math> بگذرد آنگاه ضابطه وارون <math>f</math> را بدست آورید.</p> <p>ب) اگر <math>1 + \frac{5x+4}{x-3}</math> و <math>f(x) = x + 1</math> ضابطه‌ی تابع <math>g(x) = \frac{5x+4}{x-3}</math> باشند آنگاه <u>دامنه</u> و <u>ضابطه‌ی</u> تابع <math>g</math> را بدست آورید.</p>			۸
۱.۷۵	 <p>الف) دونده‌ای مطابق شکل، روی مسیر دایره‌ای از نقطه <math>A</math> به نقطه <math>B</math> می‌رسد. اگر شعاع دایره برابر ۹ متر باشد آنگاه طول کمان <math>AB</math> چند متر است؟ (<math>\widehat{AOB} = 15^\circ</math>)</p> <p>ب) حاصل عبارت زیر را بدست آورید.</p> $A = \tan\left(\frac{8\pi}{3}\right)\cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) + \sin(66^\circ)\cot(-300^\circ) =$			۹
۰.۷۵	نمودار تابع $y = \sin x$ را در بازه‌ی $[0, 2\pi]$ رسم کنید.			۱۰
۱.۵	<p>معادلات زیر را حل کنید.</p> <p>(الف) <math>\left(\frac{1}{16}\right)^{2x-1} = 32^{1-x}</math></p> <p>(ب) <math>\log_2(x^2 - 1) = 1 + \log_2(x + 3)</math></p>			۱۱
۱.۲۵	<p>الف) اگر <math>m = \log 2</math> و <math>n = \log 3</math> باشند آنگاه مقدار <math>\log_{16} \frac{\sqrt{27}}{2}</math> را بر حسب <math>m</math> و <math>n</math> بدست آورید.</p>  <p>ب) در دستگاه مختصات مقابله نمودار تابع <math>y = a + \log_b(x + b)</math> با ضابطه‌ی <math>(2, 2/5)</math> رسم شده است. مقادیر <math>b</math> و <math>a</math> را بدست آورید.</p>			۱۲

ردیف	نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون:	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه	تعداد صفحه: ۳	رشته:	ساعت شروع: ساعت ۷:۳۰ صبح	نام آزمون: مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	علوم تجربی	ساعت شروع: ساعت ۷:۳۰ صبح
	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینتلگر داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir	مركز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش							
۱۳	نمودار تابع $f$ به صورت مقابل داده شده است. مطلوب است: الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ب) آیا تابع $f$ در بازه $[1, -1]$ پیوسته است؟	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.	۰.۷۵						
۱۴	حدود زیر را در صورت وجود بیابید. ( ) نماد جزء صحیح است	۱.۰۲۵	الف) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{8-x^3}{x^3+3x-10}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{ 2-x }{[x]+1}$						
۱۵	پیوستگی تابع زیر را در $x=0$ بررسی کنید.	۱	$f(x) = \begin{cases} \sin x + \cos x & x < 0 \\ \sqrt{2} & x = 0 \\ x^3 + 1 & x > 0 \end{cases}$						
۱۶	در پرتاب دو تاس با هم، دو پیشامد $B$ و $A$ را به صورت زیر تعریف می‌کنیم: A: مجموع عدددهای رو شده برابر باشد. B: آیا دو پیشامد $B$ و $A$ مستقل هستند؟ چرا؟ الف) احتمال $P(B A)$ را بدست آورید.	۱.۰۲۵							
۱۷	دردادههای ۱۴، ۲۶، ۱۷، ۸، ۲۳، ۱۴ و ۲۰ الف) چارک سوم را بدست آورید. ب) ضریب تغییرات دادهها را محاسبه کنید.	۱.۵							

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) ص ۱۸      ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۵۰      پ) درست (۰/۲۵) ص ۹۳	۰/۷۵
۲	الف) ۶۳ (۰/۲۵) ص ۱۵۹      ب) منفی (۰/۲۵) ص ۱۷      پ) (۰, +\infty) ص ۱۰۳      ت) چهارم (۰/۲۵) ص ۷۳	۱
۳	$r = \frac{ 12+3 }{\sqrt{16+9}} = \frac{15}{5} = 3$ (۰/۲۵) $S = \pi r^2 = 9\pi$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۴	<p>الف) صفحه ۱۳ راه حل اول:  <math>S = \frac{2-\sqrt{3}}{5} + \frac{2+\sqrt{3}}{5} = \frac{4}{5}</math> (۰/۲۵)      <math>P = \left(\frac{2-\sqrt{3}}{5}\right)\left(\frac{2+\sqrt{3}}{5}\right) = \frac{1}{25}</math> (۰/۲۵)      <math>x^2 - \frac{4}{5}x + \frac{1}{25} = 0</math> (۰/۲۵)</p> <p>توجه: هر مضرب غیر صفر از معادله بالا صحیح است.</p> <p>راه حل دوم:  <math>(x - \frac{2-\sqrt{3}}{5})(x - \frac{2+\sqrt{3}}{5}) = x^2 - \frac{4}{5}x + \frac{1}{25} = 0</math> (۰/۷۵)</p> <p>توجه: هر مضرب غیر صفر از معادله بالا صحیح است.</p> <p>ب) صفحه ۲۳</p> <p><math>\sqrt{x+2} = x-4 \Rightarrow x+2 = x^2 - 8x + 16 \Rightarrow x^2 - 9x + 14 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=7 &amp; (۰/۲۵) \\ x=2 &amp; \text{غ ق ق} (۰/۲۵) \end{cases}</math></p> <p>توجه: اگر دانش آموزی برای <math>x=2</math> غق را مشخص نکرده است <math>۰/۲۵</math> آخر تعلق نمی‌گیرد.</p>	۱/۷۵
۵	<p>صفحه ۴۱</p> <p><math>\frac{x+2}{2x+9} = \frac{x}{2x+4} \Rightarrow x = 8</math> (۰/۵)</p> <p>(چنانچه دانش آموز برای به دست آوردن <math>x</math> از تعمیم تالس کمک گرفته به تناسب پاسخ، نمره تعلق گیرد.)</p> <p><math>\frac{x}{3x+4} = \frac{y}{14} \Rightarrow \frac{8}{28} = \frac{y}{14} \Rightarrow y = 4</math> (۰/۵)</p>	۱
۶	الف) صفحه ۴۶	۱
	$C_1 = C_1 (۰/۲۵)$ $B = E (۰/۲۵)$	
	$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle CDE$	

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

## راهنمای تصحیح

ردیف

ردیف	ردیف	ردیف
	ب) صفحه ۴۶ راه حل اول: $\frac{BC}{CE} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{X}{\cancel{V-X}} = \frac{3}{4} \Rightarrow X = 3(./25)$ $\frac{BC}{CE} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{\cancel{BC}}{BC+CE} = \frac{3}{V} \Rightarrow BC = 3 \quad (./5)$	
۵۶	به رسم درست هر پاره خط ۰/۲۵ نمره تعلق گیرد	۵۶ صفحه
۰/۷۵		۷
۲	الف) صفحه ۶۴ $\left(\frac{5}{3}, 5\right) \in f \Rightarrow 5 = \frac{5}{3}a + 4 \quad (./25) \Rightarrow a = \frac{3}{5} \quad (./25)$ $y = \frac{3}{5}x + 4 \Rightarrow y - 4 = \frac{3}{5}x \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{5}{3}(x - 4) \quad (./5)$ توجه: جواب $f^{-1}(x) = \frac{5x - 20}{3}$ برای وارون تابع نیز صحیح است.  $D_f = \mathbb{R} \quad (./25) \quad D_f = \mathbb{R} - \{3\} \quad (./25) \quad D_{\frac{f}{g}} = \mathbb{R} - \{3, -\frac{4}{5}\} \quad (./25)$ $\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{x+1}{5x+4} = \frac{(x+1)(x-3)}{5x+4} \quad (./25)$	۸
۱/۷۵	الف) صفحه ۷۴ $15^\circ = \frac{\pi}{12} \quad (./25) \quad L = 9 \times \frac{\pi}{12} = \frac{3\pi}{4} \quad (./25)$	۹

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

## راهنمای تصحیح

ردیف

ردیف	صفحه	نحوه
	۸۷	$\tan\left(\frac{8\pi}{3}\right) = -\sqrt{3} \quad (0/25)$ , $\cos\left(-\frac{3\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (0/25)$ $\sin(660^\circ) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (0/25)$ , $\cot(-30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad (0/25)$ $A = \frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{6}-1}{2} \quad (0/25)$
۹۳	رسم شکل (۰/۷۵)	۰/۷۵
۱۰	صفحه ۹۳	
۱۱	الف) صفحه ۱۰۴	$\underbrace{2^{-8x+4}}_{(0/25)} = \underbrace{2^{5-5x}}_{(0/25)} \Rightarrow -8x + 4 = 5 - 5x \Rightarrow x = \frac{-1}{3} \quad (0/25)$ <p>ب) صفحه ۱۱۳ راه حل اول:</p> $\log_r(x^r - 1) - \log_r(x + 3) = 1 \Rightarrow \underbrace{\log_r\left(\frac{x^r - 1}{x + 3}\right)}_{(0/25)} = 1 \Rightarrow \underbrace{\frac{x^r - 1}{x + 3}}_{(0/25)} = r$ $\Rightarrow x^r - rx - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 5 & (0/25) \\ x = -2 & (0/25) \end{cases}$ <p>راه حل دوم:</p> $\log_r(x^r - 1) = \log_r(r) + \log_r(x + 3) \Rightarrow \underbrace{\log_r(x^r - 1)}_{(0/25)} = \log_r(rx + 9)$ $\Rightarrow \underbrace{x^r - 1}_{(0/25)} = rx + 9 \Rightarrow x^r - rx - 10 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 5 & (0/25) \\ x = -2 & (0/25) \end{cases}$ <p>(مصحح به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره اختصاص دهد)</p>

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	الف) صفحه ۱۱۲ $\log\left(\frac{\sqrt{۲۷}}{۱۶}\right) = \underbrace{\log(\sqrt{۲۷})}_{(. / ۲۵)} - \log(۱۶) = \underbrace{\log(۳^{\frac{۳}{۲}})}_{(. / ۲۵)} - \log(۲^۴) = \frac{۳}{۲}n - ۴m$  $b = -۲ \quad (. / ۲۵)$ $(۲ / ۵, ۰) \in f \Rightarrow ۰ = a + \log_۲(۲ / ۵ - ۲) \Rightarrow a + \log_۲(۲^{-۱}) = ۰ \quad (. / ۲۵)$ $\Rightarrow a - ۱ = ۰ \Rightarrow a = ۱ \quad (. / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۳	صفحه ۱۲۶ و ۱۴۱ الف) وجود ندارد (. / ۲۵) ب) ۱ (. / ۲۵) پ) خیر (. / ۲۵)	۰/۷۵
۱۴	الف) صفحه ۱۳۶ $\lim_{x \rightarrow ۲} \frac{(۲-x)(۴+۲x+x^۲)}{(x-۲)(x+۵)} = \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{۴+۲x+x^۲}{-(x+۵)} = -\frac{۱۲}{۷} \quad (. / ۲۵)$  $\lim_{x \rightarrow ۲^-} \frac{ ۲-x }{[x]+1} = \frac{۱}{۳} \quad (. / ۲۵)$  ب) صفحه ۱۳۶	۱/۲۵
۱۵	صفحه ۱۴۲ $\lim_{x \rightarrow -} f(x) = \lim_{x \rightarrow -} (\sin x + \cos x) = ۱ \quad (. / ۲۵), \quad \lim_{x \rightarrow +} f(x) = \lim_{x \rightarrow +} (x^۲ + ۱) = ۱ \quad (. / ۲۵)$ $f(۰) = \sqrt{۲} \quad (. / ۲۵)$ $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow ۰} f(x) \neq f(۰) \Rightarrow f \text{ در صفر پیوسته نیست} \quad (. / ۲۵)$	۱
۱۶	الف) صفحه ۱۴۵ و ۱۴۹ راه حل اول: $A = \underbrace{\{(2,6),(6,2),(3,5),(5,3),(4,4)\}}_{(. / ۲۵)} \Rightarrow n(A) = ۵, \quad A \cap B = \underbrace{\{(4,4)\}}_{(. / ۲۵)} \Rightarrow n(A \cap B) = ۱$ $\Rightarrow P(B A) = \frac{۱}{۵} \quad (. / ۲۵)$	۱/۲۵

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح

رشته: علوم تجربی

دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳/۰۳/۳۰

تاریخ آزمون: ۱۴۰۳

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
Azmoon.medu.ir

تعداد صفحه:

پایه یازدهم دوره دوم متوسطه

## راهنمای تصحیح

ردیف

ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
	<p>راه حل دوم:</p> $P(B A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{36}(0/25)}{\frac{5}{36}(0/25)} = \frac{1}{5}(0/25)$ <p><math>P(B) = \frac{1}{6} \neq P(B A)</math></p> <p>و A و B مستقل نیستند (۰/۲۵)</p> <p>راه حل دوم: استفاده از فرمول <math>P(A \cap B) = P(A)P(B)</math></p> $\frac{5}{36} \times \frac{6}{36} \neq \frac{1}{36} (0/25)$ <p>و A و B مستقل نیستند (۰/۲۵)</p>	
۱/۵	<p>الف) صفحه ۱۶۱</p> <p>۸ و ۱۱ و ۱۴ و ۲۰ و ۲۳ و ۲۶</p> <p><math>Q_r = ۲۳ (0/25)</math></p> <p><math>\bar{x} = ۱۷ (0/25)</math></p> <p><math>\sigma^2 = \frac{81+36+9+0+9+36+81}{7} = \frac{252}{7} = 36 (0/5)</math></p> <p><math>\sigma = 6 (0/25)</math></p> <p><math>CV = \frac{6}{17} (0/25)</math></p>	۱۷
۲۰	جمع نمره	<p>ب) صفحه ۱۶۰</p> <p>همکاران گرامی، خدا قوت، تمام موارد در خور اهمیت جهت نمره‌گذاری در راهنمای تصحیح نوشته شده است، خواهشمند است جهت رعایت عدالت آموزشی، اوراق دانش آموزان، صرفاً بر اساس راهنمای مذکور تصحیح و بازبینی شوند.</p>

با سپاس از مساعدت همکاران بزرگوار